



中华人民共和国密码行业标准

GM/T 0044.1—2016

SM9 标识密码算法 第 1 部分: 总则

Identity-based cryptographic algorithms SM9—
Part 1: General

2016-03-28 发布

2016-03-28 实施

国家密码管理局 发布

目 次

前言	I
引言	II
1 范围	1
2 术语和定义	1
3 符号和缩略语	1
4 有限域和椭圆曲线	2
4.1 有限域	2
4.2 有限域上的椭圆曲线	3
4.3 椭圆曲线群	4
4.4 椭圆曲线多倍点运算	4
4.5 椭圆曲线子群上点的验证	4
4.6 离散对数问题	5
5 双线性对及安全曲线	5
5.1 双线性对	5
5.2 安全性	5
5.3 嵌入次数及安全曲线	6
6 数据类型及其转换	6
6.1 数据类型	6
6.2 数据类型转换	6
7 系统参数及其验证	10
7.1 系统参数	10
7.2 系统参数的验证	10
附录 A (资料性附录) 关于椭圆曲线的背景知识	12
附录 B (资料性附录) 椭圆曲线上双线性对的计算	19
附录 C (资料性附录) 数论算法	26
参考文献	32

前 言

GM/T 0044《SM9 标识密码算法》分为 5 个部分：

- 第 1 部分：总则；
- 第 2 部分：数字签名算法；
- 第 3 部分：密钥交换协议；
- 第 4 部分：密钥封装机制和公钥加密算法；
- 第 5 部分：参数定义。

本部分为 GM/T 0044 的第 1 部分。

本部分按照 GB/T 1.1—2009 给出的规则起草。

请注意本文件的某些内容可能涉及专利。本文件的发布机构不承担识别这些专利的责任。

本部分由密码行业标准化技术委员会提出并归口。

本部分起草单位：国家信息安全工程技术研究中心、深圳奥联信息技术有限公司、武汉大学、上海交通大学、中科院信息工程研究所、北方信息技术研究所。

本部分主要起草人：陈晓、程朝辉、叶顶峰、胡磊、陈建华、路贝可、季庆光、曹珍富、袁文恭、刘平、马宁、袁峰、李增欣、王学进、杨恒亮、张青坡、马艳丽、浦雨三、唐英、孙移盛、安萱。

引 言

A. Shamir 在 1984 年提出了标识密码 (Identity-Based Cryptography) 的概念, 在标识密码系统中, 用户的私钥由密钥生成中心 (KGC) 根据主密钥和用户标识计算得出, 用户的公钥由用户标识唯一确定, 从而用户不需要通过第三方保证其公钥的真实性。与基于证书的公钥密码系统相比, 标识密码系统中的密钥管理环节可以得到适当简化。

1999 年, K. Ohgishi、R. Sakai 和 M. Kasahara 在日本提出了用椭圆曲线对 (pairing) 构造基于标识的密钥共享方案; 2001 年, D. Boneh 和 M. Franklin, 以及 R. Sakai、K. Ohgishi 和 M. Kasahara 等人独立提出了用椭圆曲线对构造标识公钥加密算法。这些工作引发了标识密码的新发展, 出现了一批用椭圆曲线对实现的标识密码算法, 其中包括数字签名算法、密钥交换协议、密钥封装机制和公钥加密算法等。

椭圆曲线对具有双线性的性质, 它在椭圆曲线的循环子群与扩域的乘法循环子群之间建立联系, 构成了双线性 DH、双线性逆 DH、判定性双线性逆 DH、 τ -双线性逆 DH 和 τ -Gap-双线性逆 DH 等难题, 当椭圆曲线离散对数问题和扩域离散对数问题的求解难度相当时, 可用椭圆曲线对构造出安全性和实现效率兼顾的标识密码。

本部分描述必要的数学基础知识与相关密码技术, 以帮助实现本标准其他各部分所规定的密码机制。

SM9 标识密码算法

第 1 部分:总则

1 范围

GM/T 0044 的本部分描述了必要的数学基础知识与相关密码技术,以帮助实现 GM/T 0044 的其他各部分所规定的密码机制。

本部分适用于商用密码算法中标识密码的实现、应用和检测。

本部分规定使用 F_p (素数 $p > 2^{191}$) 上椭圆曲线。

2 术语和定义

下列术语和定义适用于本文件。

2.1

标识 identity

可唯一确定一个实体身份的信息。标识应由实体无法否认的信息组成,如实体的可识别名称、电子邮箱、身份证号、电话号码等。

2.2

主密钥 master key

处于标识密码密钥分层结构最顶层的密钥,包括主私钥和主公钥,其中主公钥公开,主私钥由 KGC 秘密保存。KGC 用主私钥和用户的标识生成用户的私钥。在标识密码中,主私钥一般由 KGC 通过随机数发生器产生,主公钥由主私钥结合系统参数产生。

本部分中,签名系统的主密钥与加密系统的主密钥不同。数字签名算法属于签名系统,其主密钥为签名主密钥,密钥交换协议、密钥封装机制和公钥加密算法属于加密系统,其主密钥为加密主密钥。

2.3

密钥生成中心 key generation center; KGC

在 SM9 标识密码中,负责选择系统参数、生成主密钥并产生用户私钥的可信机构。

3 符号和缩略语

下列符号和缩略语适用于本文件。

cf : 椭圆曲线阶相对于 N 的余因子。

cid : 用一个字节表示的曲线识别符,用以区分所用曲线的类型。

DLP : 有限域上离散对数问题。

$deg(f)$: 多项式 $f(x)$ 的次数。

d_1, d_2 : k 的两个因子。

E : 定义在有限域上的椭圆曲线。

$ECDLP$: 椭圆曲线离散对数问题。

$E(F_q)$: 有限域 F_q 上椭圆曲线 E 的所有有理点(包括无穷远点 O)组成的集合。

$E(F_q)[r]$: $E(F_q)$ 上 r -扭点的集合(即曲线 $E(F_q)$ 上的 r 阶扭子群)。